

直角三角形の合同条件

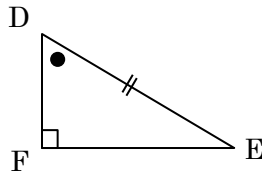
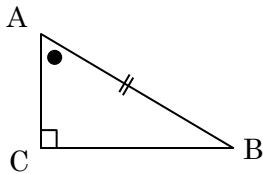
イ. 斜辺と1つの鋭角が、それぞれ等しい。

ロ. 斜辺と他の1辺が、それぞれ等しい。

※直角三角形であろうと、三角形であれば通常の「三角形の合同条件」を用いることもできる。

<証明>

イ.の場合



$\triangle ABC$ と $\triangle DEF$ において、

仮定より、

$$\angle ACB = \angle DFE = 90^\circ \dots \textcircled{1}$$

$$\angle CAB = \angle FDE \dots \textcircled{2}$$

$$AB = DE \dots \textcircled{3}$$

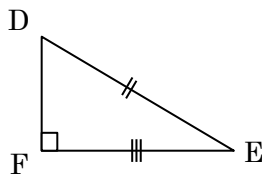
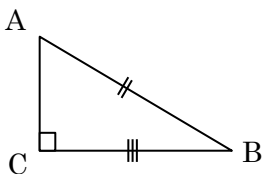
三角形の内角の和は 180° であるから、 $\textcircled{1}\textcircled{2}$ より、

$$\angle ABC = \angle FED \dots \textcircled{4}$$

$\textcircled{1}\textcircled{3}\textcircled{4}$ より、一組の辺とその両端の角がそれぞれ等しいので、

$$\triangle ABC \equiv \triangle DEF$$

ロ.の場合



$\triangle DEF$ を裏返し、 $\triangle D'E'F'$ を作る。

$\triangle ABC$ と $\triangle D'E'F'$ を、 BC と $E'F'$ でくっつけると、

$\angle ACB = \angle D'F'E' = 90^\circ$ より、点 $A, C(F'), D'$ は一直線上に並び、かつ $BC = E'F'$ より、

$BA = BD'(E'D')$ の二等辺三角形 $\triangle BAD'$ ($\triangle E'AD'$) ができる。

二等辺三角形の底角は等しいから、 $\angle BAC = \angle E'D'F'$ であり、よって $\angle BAC = \angle EDF$ である。

これで $\triangle ABC$ と $\triangle DEF$ は「斜辺と1つの鋭角がそれぞれ等しい」直角三角形だと証明されたので、あとはイ.と同様に考えて、 $\triangle ABC \equiv \triangle DEF$ 。

・・・やや気分は悪いけども。